#### Corso di Laurea in Ingegneria Civile Ambientale Edile – Università di Pisa, a.a. 2022-23 SCIENZA DELLE COSTRUZIONI

(Docenti: Prof. Ing. Riccardo Barsotti; Prof. Ing. Stefano Bennati)

Prova Scritta del 27 giugno 2023

# 

## **Problema 1** [16/30].

Nel sistema mostrato nella figura tutte le travi sono flessibili e inestensibili.

- 1. Mostrare che il sistema risulta staticamente non determinato quattro volte.
- 2. Suddividere il sistema nella quota simmetrica e in quella antisimmetrica. Mostrare che il sistema antisimmetrico può essere risolto facendo uso di una sola (opportuna) incognita iperstatica.
- 3. Con riferimento al solo sistema antisimmetrico:

scegliere l'incognita iperstatica  $X_1$  in modo da poterlo risolvere mediante il metodo delle forze;

determinare le espressioni delle caratteristiche della sollecitazione nei sistemi  $F_0$  e  $F_I$  e tracciarne i diagrammi quotati;

determinare i coefficienti delle equazioni di Müller-Breslau, precisando il significato geometrico di ciascuno di essi; calcolare il valore dell'incognita iperstatica  $X_I$ ;

determinare il valore della variazione termica, *t*, che annulla lo spostamento di G.

# **Problema 2** [16/30].

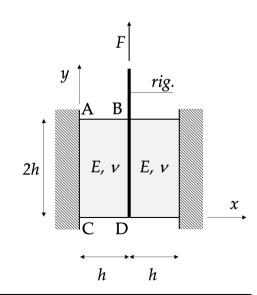
Il sistema piano mostrato in figura (che si immagina di spessore unitario nella direzione ortogonale al piano del disegno) è soggetto a una forza per unità di spessore *F*. Nella regione occupata dal corpo elastico ABCD sono assegnate le espressioni seguenti delle componenti di tensione:

$$\sigma_x = 2axy - 2ahx$$
,  $\tau_{xy} = 2ahy - ay^2$ ,  $\sigma_y = \tau_{zx} = \tau_{zy} = \sigma_z = 0$ 

- 1. Determinare per quali valori della costante a le tensioni sono staticamente ammissibili.
- 2. Calcolare la variazione di lunghezza dei segmenti BC e BD.

l

- 3. Determinare per quale valore della costante *a* è garantito l'equilibrio del corpo rigido BD (assumere che in BDEF sia presente il campo di sforzo simmetrico).
- 4. Assumendo valido per il corpo elastico il criterio di crisi di Galileo-Rankine, e note le tensioni limite del materiale a compressione,  $\sigma_c$ , e a trazione,  $\sigma_t = \sigma_c/10$ , determinare il massimo valore di F compatibile con la risposta elastica del materiale.
- 5. Discutere la possibilità che il campo di sforzo assegnato sia accompagnato da deformazioni cinematicamente compatibili
- 6. Discutere la possibilità che campo di sforzo determinato al punto 3 sia quello effettivo.



### NOTE